

直线与圆锥曲线

2011 年

(21) 设抛物线 $C: y = \frac{x^2}{4}$ 与直线 $l: y = kx + 1$ 交于 A, B 两点, P 为抛物线在这两点的切线的交点.

(I) 当 $k = 1$ 时, 求点 P 的坐标; (II) 当 k 变化时, 求点 P 的轨迹.

2010 年

(24) (本题满分 15 分, 文史类考生不做)

设 AB 是圆 $O: x^2 + y^2 = 9$ 的动弦, $|AB| = 3$, 定点 $C(c, 0)$ 和动点 P 满足 $\overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB} + 3\overrightarrow{PC} = \mathbf{0}$.

(I) 求点 P 的轨迹 F ;

(II) 求 c 的值, 使 F 与圆 O 恰有一个公共点.

(26) (本题满分 15 分, 理工农医类考生不做)

设 AB 是圆 $O: x^2 + y^2 = 9$ 的动弦, $|AB| = 3$, $C(5, 0)$, 动点 P 满足 $\overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB} + 3\overrightarrow{PC} = \mathbf{0}$, 点 M 是 AB 的中点.

(I) 证明 \overrightarrow{PM} 与 \overrightarrow{PC} 共线;

(II) 求点 P 的轨迹, 并说明所表示的是什么曲线.

2009 年

(24) (本题满分 15 分, 文史类考生不做)

设椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + y^2 = 1 (a > 1)$ 的左、右焦点分别为 F_1 、 F_2 , 右准线 l 与 x 轴的交点为 E .

(I) 当 F_2 是 F_1E 的中点时, 求 a ;

(II) 若对于 l 上的任意点 P , $\frac{|PF_2|}{|F_1F_2|} \neq 2$, 求椭圆离心率 e 的取值范围.

(26) (本题满分 15 分, 理工农医类考生不做)

设椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + y^2 = 1 (a > 1)$ 的左、右焦点分别为 F_1 、 F_2 , 右准线 l 与 x 轴的交点为 E 。

(I) 当 F_2 是 F_1E 的中点时, 求 a ;

(II) 若对于 l 上的任意点 P , 线段 F_1P 的中垂线都不经过点 F_2 , 求椭圆离心率 e 的取值范围。

2008 年

(25) (本题满分 15 分, 文史类考生不做)

设椭圆 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$ 的右焦点为 F , 经过点 F 的直线 l 与椭圆相交于 A 、 B 两点, 与椭圆的

右准线相交于点 C , 且 $\overline{AC} = 3\overline{AB}$. 求点 F 分有向线段 \overline{AB} 所成的比, 以及坐标原点 O 到直线 l 的距离.

(27) (本题满分 15 分, 理工类考生不做)

设椭圆 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$ 的右焦点为 F , 经过点 F 的直线 l 与椭圆相交于 A 、 B 两点, 与椭圆的

右准线相交于点 C , 且 B 是 AC 的中点, 求点 F 分邮箱线段 \overline{AB} 所成的比, 以及点 C 的坐标.

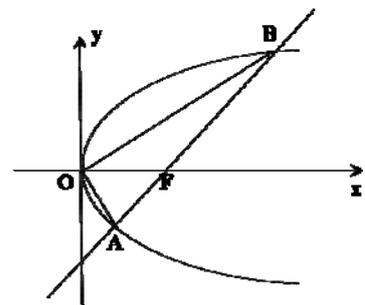
2007 年

(25) (本题满分 15 分. 文史类考生不做)

设抛物线 $y^2 = 2px$ 与过焦点 F 、斜率为 k 的直线交于 $A(x_A, y_A)$, $B(x_B, y_B)$ 两点, 且

$p > 0, y_A < 0$ 。

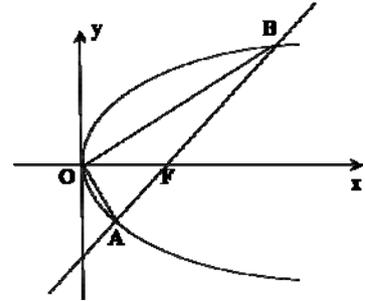
(I) 用 p 和 k 表示 $\triangle AOB$ 的面积; (II) 证明 $\tan \angle BOA = -\frac{4}{3} \sqrt{1 + \frac{1}{k^2}}$



(27) (本题满分 15 分, 报考理工农医类考生不做)

设抛物线 $y^2 = 4x$ 与过焦点 F 、斜率为 k 的直线交于 $A(x_A, y_A), B(x_B, y_B)$ 两点, 且 $y_A < 0$

(I) 用 k 表示 $\triangle AOB$ 的面积; (II) 证明 $\tan \angle BOA = -\frac{4}{3} \sqrt{1 + \frac{1}{k^2}}$.



2006 年

(22) (本题满分 14 分)

过点 $M(1, 1)$ 的直线与椭圆 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$ 相交于两点 A, B 两点, F 是椭圆的右焦点,

且 $\overline{FA} + \overline{FB} = 2\overline{FM}$, 求点 F 到直线 AB 的距离

2005年

(25) (本题满分 15 分, 文史类考生不做)

在平面直角坐标 xOy 中, 给定两点 $A(-1, 0)$ 和 $B(1, 0)$, 动点 C 在上半平面, 如果 $\triangle ABC$ 的内角 A 、 B 都是锐角, 且 $(1+\tan A)(1+\tan B) = m$, 那么是否存在定点 E 和 F 使 $\triangle EFC$ 的周长为定值? 若存在, 求这个值和点 E 、 F 的坐标; 若不存在, 请说明理由.

27) (本题满分 15 分, 理工类考生不做)

设椭圆 $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{7} = 1$ 的左右焦点分别为 F_1 、 F_2 , 点 P 在椭圆上, 且 $\sin(\angle PF_1F_2) = 3\sin(\angle PF_2F_1)$.

求点 P 到椭圆右准线的距离.

2004年

24. (本题满分10分, 文史类考生不做)

设抛物线 $y^2 = 2px (p > 0)$ 上有不同两点 M 、 N 关于直线 $x + 2y = 8$ 对称, 求焦距距 p 的取值范围.

26. (本题满分10分, 理工农医类考生不做)

设抛物线 $y^2 = 4x$ 上不同的两点 M 、 N 关于直线 $x + 2y = 8$ 对称, 求直线 MN 的方程.

2003 年

22. (本小题满分 10 分)

在平面直角坐标系中, 已知三点 $A(-25,0)$ 、 $B(25,0)$ 和 $C(-7,24)$. 求 $\triangle ABC$ 的内切圆的方程.

2002 年

25. (本小题满分 10 分, 文史类考生不做)

在平面直角坐标系 xOy 中, 过定点 $P(0,1)$ 的直线与抛物线 $y^2 = 4x$ 有两个交点 A 和 B , 求线段 AB 中点 M 的轨迹方程. (写成普通方程的形式.)

27. (本小题满分 10 分, 理工农医类考生不做)

在平面直角坐标系 xOy 中, 两圆 $x^2 + y^2 = 9$ 和 $(x-6)^2 + y^2 = 1$ 的外公切圆的圆心在直线 $2x - y = 4$ 上, 求这个公切圆的方程.

2001 年

25. (本小题满分 10 分, 文史类考生不做)

斜率为 2 的直线 l 与椭圆 $\frac{x^2}{2} + y^2 = 1$ 交于 A 、 B 两点, 椭圆的右焦点 F 到直线 l 的距离为

$\frac{\sqrt{5}}{2}$, 求 A 、 B 两点的距离.

27. (本小题满分 10 分, 理工农医类考生不做)

经过点 $A(2,1)$ 作直线 l , 交抛物线 $y^2 = 4x$ 于 P 、 Q 两点, 且 A 恰好是 PQ 的中点, 求直线 l 的方程.

2000 年

24. (本小题满分 10 分, 文史类考生不做)

考虑经过点 $A(0,2)$ 的直线 l , 以及经过两点 $P(-1,0)$ 和 $Q(3,0)$ 的圆 N , 若直线 l 与圆 N 相交于 B 、 C 两点, 且 $|AB| = |AC|$, $|BC| = |PQ|$, 求圆 N 和直线 l 的方程. (注: $|AB|$ 表示线段 AB 的长度.)

27. (本小题满分 10 分, 理工农医类考生不做)

圆 $N: x^2 + y^2 + 2x - 4y + 1 = 0$ 截直线 $l: y = k(x+1) - 2$ 所得的弦 PQ 之弦心距等于弦长 $|PQ|$, 求 $|PQ|$ 和 k 的值.